

**めあて** 直角三角形の合同条件を覚えて、合同証明で使えるようになるう。



教科書 P.132～133 を読み、下の□をうめなさい。

**学習のポイント** 直角三角形の合同条件

0°より大きく、90°より小さい角を **鋭角**、  
90°より大きく、180°より小さい角を **鈍角** という。

直角三角形の直角と向かい合う辺を **斜辺** という。



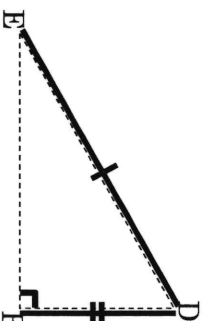
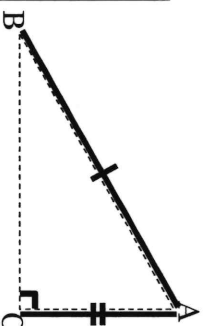
「ななめ」だから斜辺じゃないんだね。

**直角三角形の合同条件**

2つの直角三角形は次のどちらかが成り立つとき合同である。

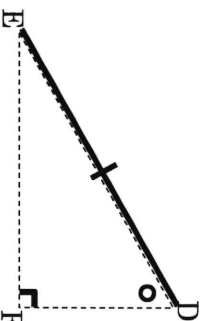
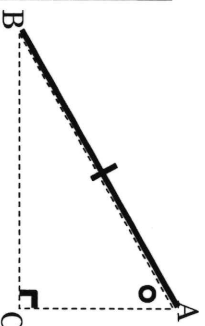
①

斜辺と他の1辺が  
それぞれ等しい



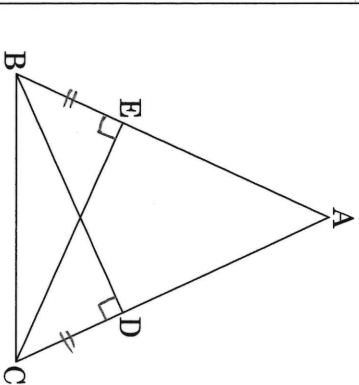
②

斜辺と1つの鋭角が  
それぞれ等しい



直角三角形の合同条件を使った三角形の合同証明をやってみよう。

下の図において、頂点 B, C から, AB, AC にそれぞれ垂線 BD, CE をひきます。  
BE=CD であるとき,  $\triangle BDC$  と  $\triangle CEB$  は合同であることを証明しなさい。



証明)  $\triangle BDC$  と  $\triangle CEB$  において

- 仮定から  $\angle BDC = \angle CEB = 90^\circ \dots \textcircled{1}$
- 仮定から  $CD = BE \dots \textcircled{2}$
- 共通だから  $BC = CB \dots \textcircled{3}$
- ①～③より

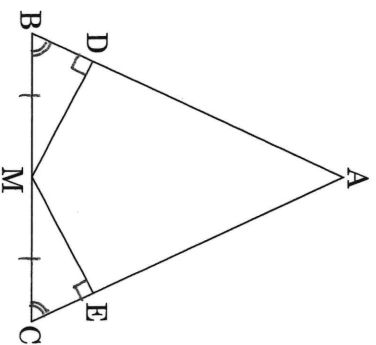
(斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい) から

$\triangle BDC \equiv \triangle CEB$



「1つの対応する角がそれぞれ  $90^\circ$  であること」  
「その向かいの斜辺同士が等しいこと」  
を言うところは上下2つの証明とも同じだね。  
あとにはもう1つが「1つの鋭角が等しい」なのか「他の1辺が等しい」のかだ。

下の図において,  $\triangle ABC$  は  $AB=AC$  の二等辺三角形である。線分 BC の中点 M から, AB, AC にそれぞれ垂線 MD, ME をひきます。このとき,  $\triangle MBD$  と  $\triangle MCE$  は合同であることを証明しなさい。



証明)  $\triangle MBD$  と  $\triangle MCE$  において

- 仮定から  $\angle MDB = \angle MEC = 90^\circ \dots \textcircled{1}$
- 仮定から  $MB = MC \dots \textcircled{2}$
- 二等辺三角形の底角は等しいから  $\angle MBD = \angle MCE \dots \textcircled{3}$
- ①～③より
- 斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから  $\triangle MBD \equiv \triangle MCE$